

Gróf svör við prófi í tölfræði II, 6. desember 2006

$$1. E(y_i - \bar{y}) = \beta_1(x_{i1} - \bar{x}_1) + \beta_2(x_{i2} - \bar{x}_2)$$

$$E(\hat{\beta}_1) = \frac{\beta_1 \sum_{i=1}^n (x_{i1} - \bar{x}_1)^2 + \beta_2 \sum_{i=1}^n (x_{i1} - \bar{x}_1)(x_{i2} - \bar{x}_2)}{\sum_{i=1}^n (x_{i1} - \bar{x}_1)^2} = \beta_1 \text{ ef}$$

$$\sum_{i=1}^n (x_{i1} - \bar{x}_1)(x_{i2} - \bar{x}_2) = 0$$

2. Hér eru margar leiðir. T.d.

	x=0	x=1	x=2
y=0	$(1 - p_x - p_y)^2$	$2 p_x(1 - p_x - p_y)$	p_x^2
a-b) y=1	$2p_y(1 - p_x - p_y)$	$2p_x p_y$	0
y=2	p_y^2	0	0
	$P(X=0) = (1 - p_x)^2$	$P(X=1) = 2p_x(1 - p_x)$	$P(X=2) = p_x^2$

c) Reikna $f(y|x) = f(x, y)/f(x)$, $f(x) = P(X = x) = \binom{2}{x} p_x^x (1 - p_x)^{2-x}$.

$$f(y|x) = \binom{2-x}{y} (p_y/(1 - p_x))^y ((1 - p_x - p_y)/(1 - p_x))^{2-y-x}$$

d-e) Þ.e. X er binomial, $B(2, p_x)$ og $Y|X = x$, er binomial $B(2 - x, p_y/(1 - p_x))$. f) Skv. reglum um binomialdreifingu er: $E(Y|X = x) = (2 - x)p^*$, með $p^* = p_y/(1 - p_x)$ og g) $V(Y|X = x) = (2 - x)p^*(1 - p^*)$.

$$3. c = \alpha + \alpha^2, f_y(y) = (\alpha + \alpha^2)(y - 1)^{\alpha-1}/y^{\alpha+2}$$

$$4. \hat{\alpha}_{MM} = \frac{2\bar{x}}{1 - \bar{x}}$$

5. Endursögn úr bók og glærum

6. Hér eru margar leiðir. T.d. má framkvæma Lagrange-multiplier próf eins og á dæmablaði. Ef fyrir hendi er forrit sem metur ARMA líkön má nota það og nota reiknuð likelihood gildi fyrir H_0 og H_1 í LR-próf.

7. Hér á að endursegja heimadæmi um „spurious-regression”

$$8. \hat{\theta}_{ML} = \frac{1}{\bar{x}}, \text{ Cramer-Rao gefur } V(\hat{\theta}_{\text{unbiased}}) \geq \frac{\theta^2}{n}$$

9. Hér á að gefa endursögn úr bók og útskýra ECM með dæmi.

10. Þetta er sýnidæmi úr Thomas, bls. 398-399. Hér eru borin saman tvö líkön. Annað gefur hagfræðilega skynsamlegar útkomur. Correlogramið gefur í skyn að um sveiflustrúktúr gæti verið að ræða og að ástæða sé til að leiðrétta fyrir sjálffylgni. Þegar leiðrétt er fyrir sjálffylgni hverfur hagfræðilega skynsemin. Sjálffylgnin er mikið marktæk því $F \simeq 6.6$